

Reorganizacja składu LoXiMa w locie

Marek Dopiera

Plan prezentacji

- Przedstawienie problemu
- Przegląd różnych pomysłów
- Powtórka z MD
- Podejście statystyczne
- Symulowane wyżarzanie
- Stan LoXiMa
- Plan na ten rok

Przedstawienie problemu

- Różnice pomiędzy składem obiektywnym a relacyjnym
- Co reorganizować?
- W jakim porządku układać obiekty?
- Kiedy uruchamiać reorganizację?
- Jakie statystyki zbierać?
- Jak wykryć, że aktualna organizacja nie jest optymalna?
- Jak przeprowadzać sam proces reorganizacji?

Przeгляд pomysłów

- Praktyczne heurystyki
- Podejście statystyczne
- Wyżarzanie
- Leniwa reorganizacja

Powtórka z MD

- Potrzebne pojęcia:
 - Zmienna losowa
 - Wartość oczekiwana
 - Łańcuch markowa
 - Ergodyczność
 - Rozkład stacjonarny

Podejście stochastyczne

- Definicja modelu

- Zbiór bloków dyskowych
- Zbiór obiektów S
- Funkcja rozłożenia obiektów po blokach

$$F = \{0, 1, 2, \dots, n\}, n \in \mathbb{N}$$

$$d_\pi: S \rightarrow F$$

$$d_S: F \rightarrow F$$

$$d(s) = d_S(d_\pi(s))$$

- Ciąg zapytań $X_{\{n\}}$

- 2 warianty

- Identyczny rozkład, niezależne
- Łańcuch Markowa
- Przyjmujemy, że F i S nie zmieniają się

Podejście stochastyczne

- Definicja modelu

- Czas odczytu zależy wyłącznie od obiektu odczytanego wcześniej $q(x, y)$
- Czas odczytu n obiektów to

$$T_n = \begin{cases} T_{n-1} + q(X_{n-1}, X_n) & n > 0 \\ 0 & n = 0 \end{cases}$$

- Średni czas odczytu obiektu to

$$T = \lim_{n \rightarrow \infty} \bar{T}_n = E(q(X_{n-1}, X_n))$$

Definicja problemu

- Mając:
 - charakterystykę dostępu do danych
 - Formułę q
- Znaleźć funkcję d , która
 - Minimalizuje T
 - Przypisuje do każdego bloku nie więcej niż L obiektów
 - Być może spełnia inne ograniczenia

Rozwiązania

- Gdy $X_{\{n\}}$ są niezależne o identycznym rozkładzie a $q(X_n, X_{n-1}) = \alpha(1 - \delta_{X_{n-1}, X_n})$ lub $q(X_n, X_{n-1}) = c(|d(X_{n-1}) - d(X_n)|)$ rozwiązania są znane

Rozwiązanie I

- d_π sortuje malejąco obiekty względem ich prawdopodobieństw wystąpienia
- d_S jest identycznością

Rozwiązanie II

- d_π sortuje malejąco obiekty względem ich prawdopodobieństw wystąpienia

- $$d_S(k) = \begin{cases} 2(n - k) & 0 \leq k \leq n \\ 2(k - n) - 1 & n + 1 \leq k \leq 2n \end{cases}$$

Pełniejszy model, łańcuch Markowa

- Na raz działa wielu klientów
- Każdy generuje zapytania o takich samych własnościach probabilistycznych
- Wszystkie zapytania są kolejgowane w jednej kolejce
- Kolejka może być priorytetowa
- Każdy klient ma własny bufor

Pełniejszy model, łańcuch Marokwa

- Szacowanie czasu tak jak w poprzednim wariacie modelu nie przenosi się na ten, więc wprowadzono miarę lokalności dla zapytania WSS, tj dla M odczytów obiektów począwszy od chwili t , przez $K_t^{(M)}$ oznaczamy średnią liczbę różnych odczytów z dysku
- Ze względu a ergodyczność, indeks t , możemy pominąć
- Rozkład zapytań wychodzących z kolejki jest bliski IID

Co chcemy optymalizować?

- Funkcję przypisującą obiekty do bloków, tak, żeby zminimalizować średni rozmiar zbioru roboczego
- Funkcję permutującą bloki dyskowe tak, żeby zminimalizować koszt potrzebny serwerowi na odczytanie bloków (już rozwiązane)

Rozwiązanie

- Dla IID proste:

$$K^{(M)} = M - \sum_{q=0}^{|F|-1} \left(1 - \sum_{y \in d^{-1}(q)} \pi_s(q)\right)^M$$

- Minimalizowane wtedy, gdy poprzednie problemy
- Dla łańcuchów Markowa
 - Z pytań o obiekty przechodzimy na pytania o bloki dyskowe

Rozwiązanie

- Niech

$$W(M, q) = \begin{cases} 1 & \text{gdy } q \in \{X_1, X_2, \dots, X_M\} \\ 0 & \text{w przeciwnym przypadku} \end{cases}$$

- Wtedy

$$K^{(M)} = \sum_{q=0}^{|F|-1} W(M, q)$$

- Dla $M=2$ chcemy minimalizować

$$K^{(2)} = 2 - \sum_{q=0}^{|F|-1} \pi_f(q) P_f(q, q)$$

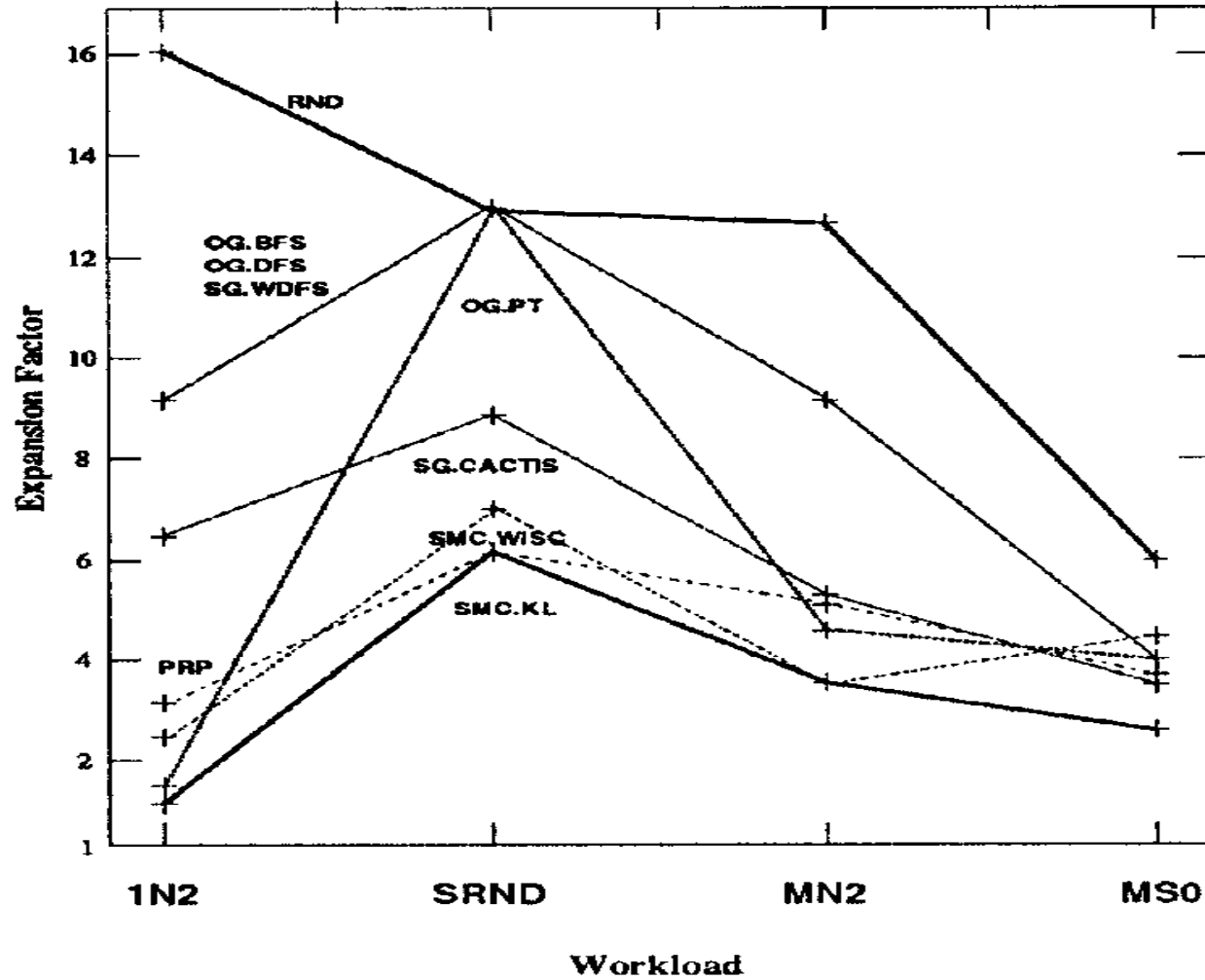
Rozwiązanie

- To jest równoważne minimalizowaniu

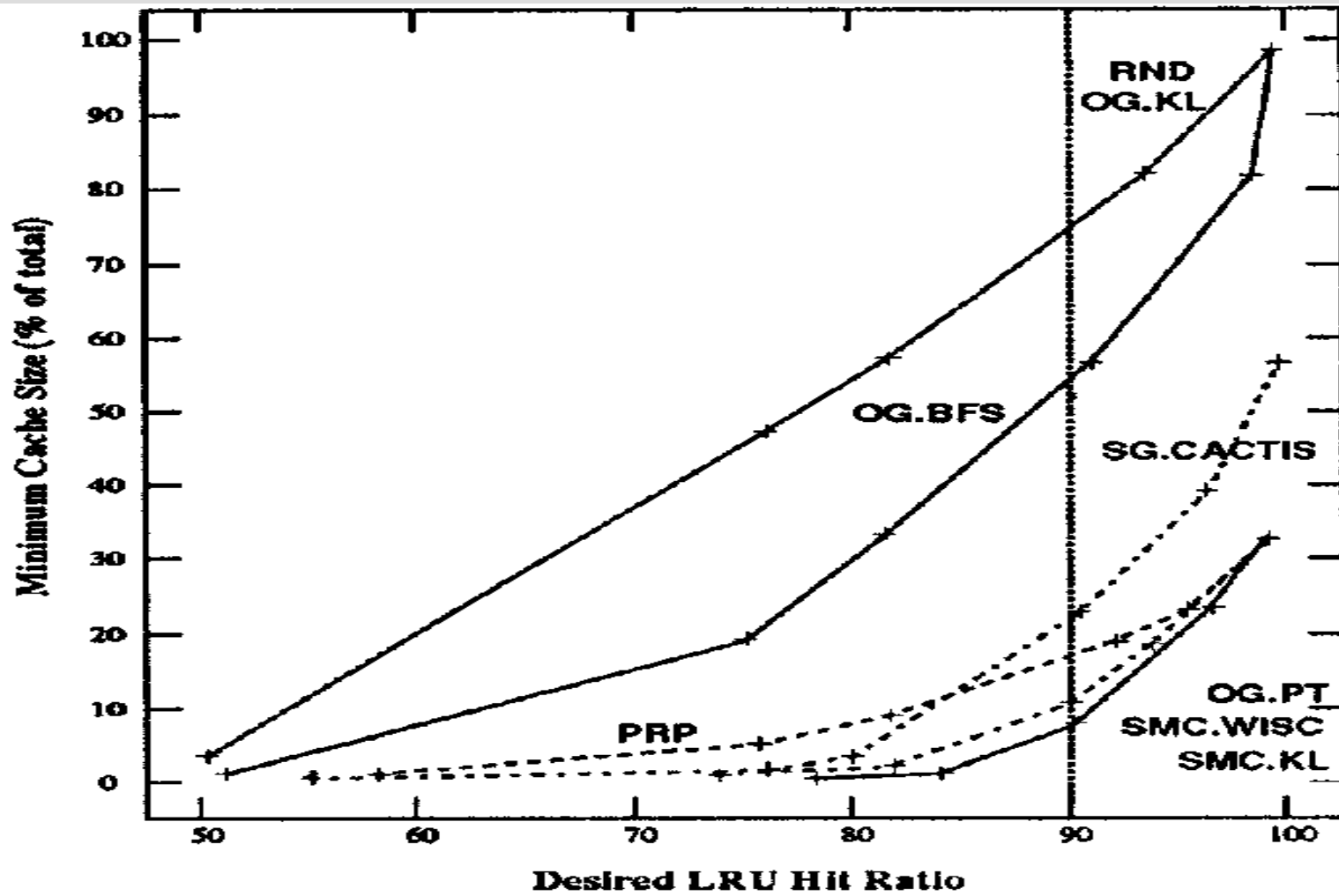
$$G_2 = \sum_{q=0}^{|F|-1} \pi_f(q)(1 - P_f(q, q)) = \sum_{q=0}^{|F|-1} \sum_{x \in d^{-1}(q)} \sum_{y: d(y) \neq q} \pi_S(x) P_f(x, y)$$

- To jest problem podziału grafu, NP-zupełny ale z dobrymi heurystykami $O(n \log n)$

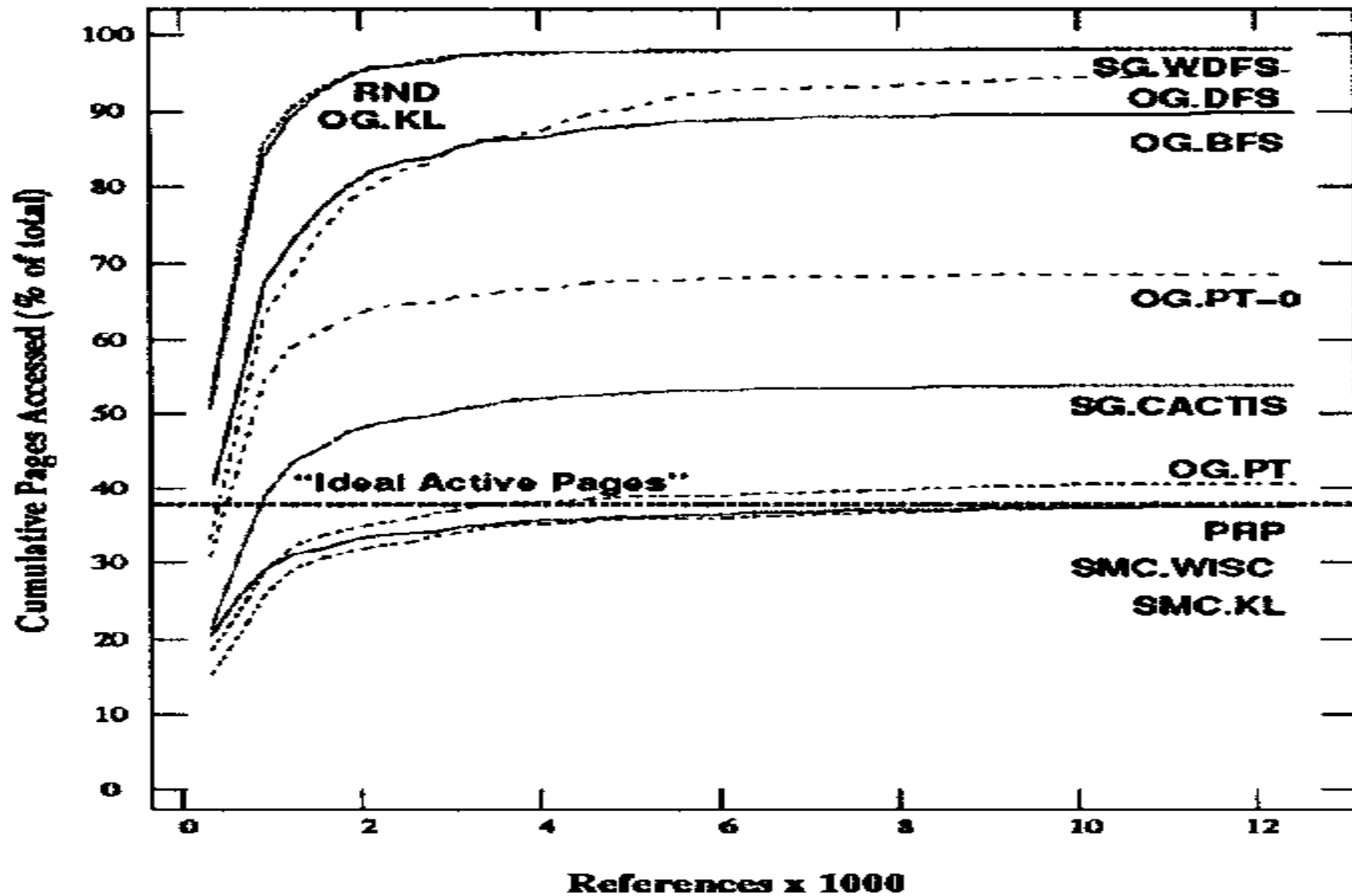
Testy



Testy



Testy



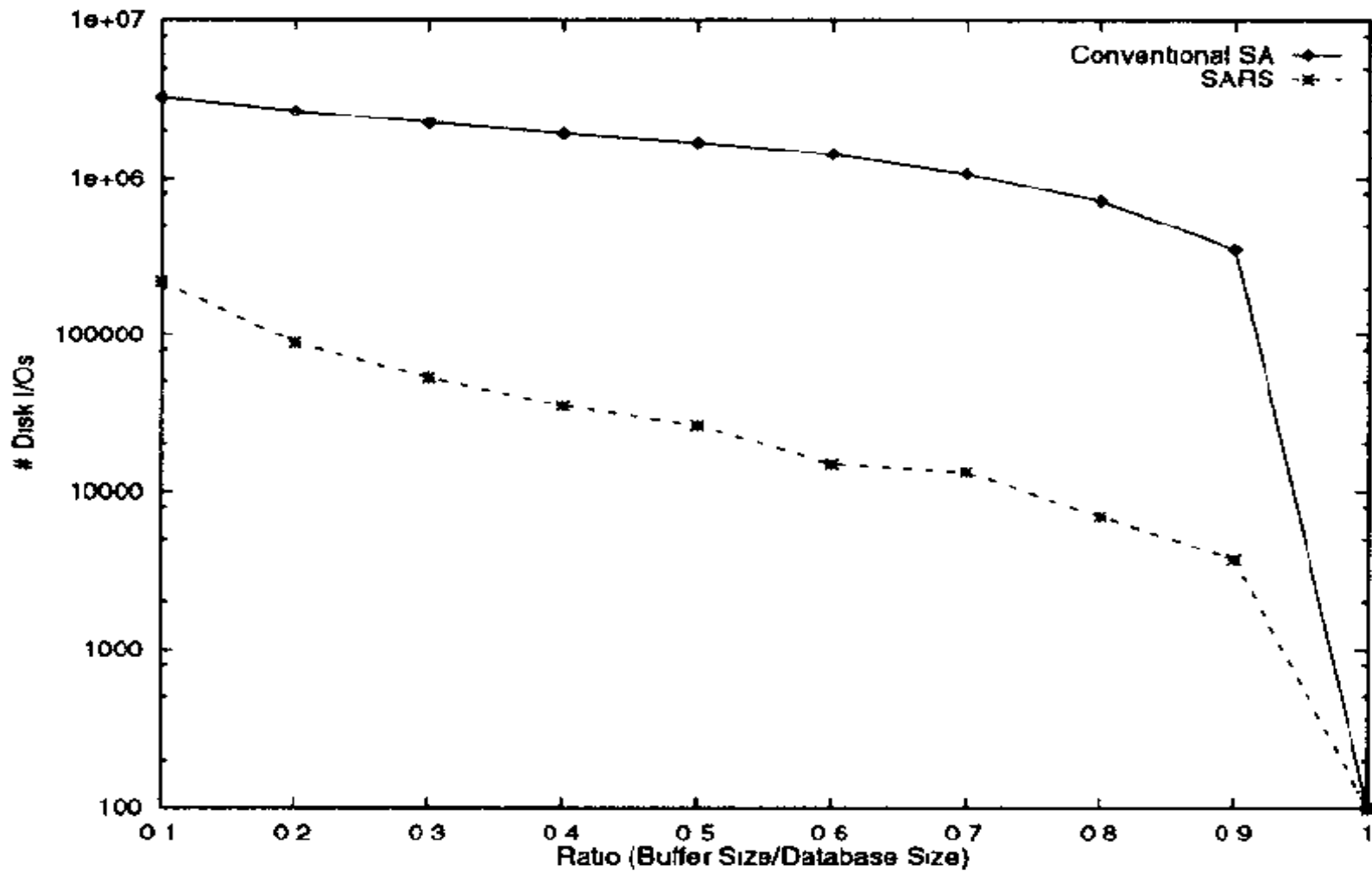
Symulowane wyżarzanie

- Kolejne oznaczenia
 - Graf obiektów $G(S, A)$ z funkcją wagową w
 - $$c(d) = \sum_{(o_1, o_2) \in A} w((o_1, o_2))(1 - \delta_{d(o_1), d(o_2)})$$
- Minimalizujemy c poprzez zmodyfikowane symulowane wyżarzanie

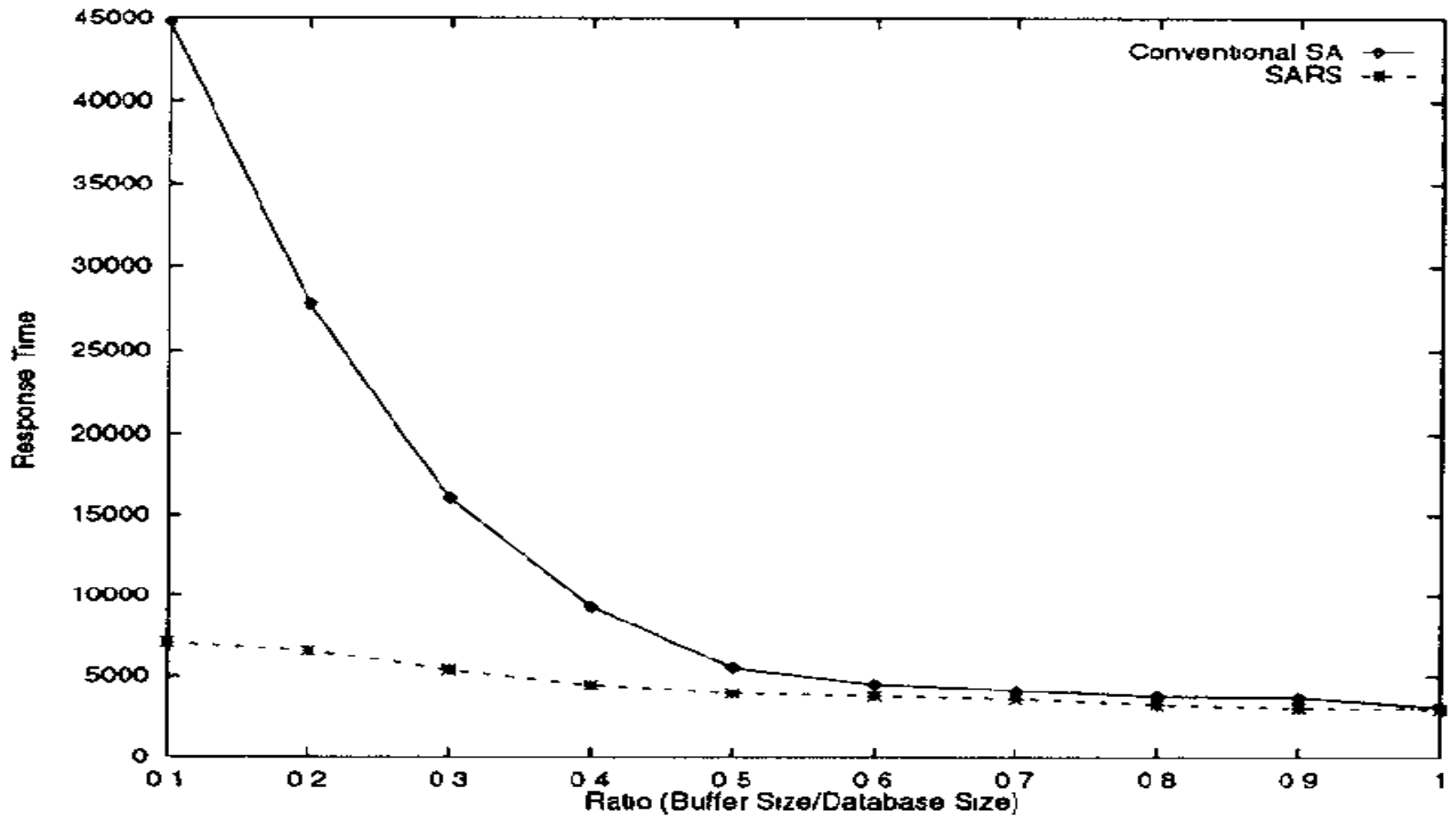
Symulowane wyżarzanie

```
 $d \leftarrow$  jakikolwiek naiwny podział grafu  $G$   
 $T \leftarrow T_0$  while(not koniec )do  
  while(not równowaga )do  
    if(zamiana obiektów)  
       $d' \leftarrow d$  po losowej zamianie 2 obiektów z różnych bloków  
       $\Delta c \leftarrow c(d') - c(d)$   
      if( $\Delta c < 0$ )  
         $d \leftarrow d'$   
      else  
         $d \leftarrow d'$  z prawdopodobieństwem  $e^{-\frac{\Delta c}{T}}$   
    else  
      wczytaj nowy zestaw bloków  
  end-while  
   $T = \alpha T$   
end-while
```

Testy



Testy



Przypuszczalny stan LoXiMa

- Sprawny egzekutor
- Sprawny serwer (poza dużymi danymi)
- Klient do dopracowania
- Skład i logi zmieniane, więc nieistotne
- Wszędzie wycieka pamięć

Plan na ten rok

- Do końca października: porządki organizacyjne z LoXiMem
- Do końca grudnia: postawić LoXiMa na nogi
- Do końca lutego: zaprojektować dokładnie zmiany i wybrać algorytm reorganizacji
- Do końca kwietnia: zaimplementować mechanizm podłączania różnych strategii reorganizacji
- Do końca maja: zaimplementować wybrany algorytm
- Do końca czerwca: testy